

**PEMETAAN PROVINSI DI INDONESIA
BERDASARKAN PERILAKU RUMAH TANGGA
DENGAN *ROBUST BI PLOT* MENGGUNAKAN METODE
*MINIMUM COVARIANCE DETERMINANT***

SKRIPSI

**Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana di Jurusan
Matematika pada Fakultas MIPA**



Oleh:

RIAN SETIA BUDI

08011381722069

**JURUSAN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS SRIWIJAYA
2021**

LEMBAR PENGESAHAN

PEMETAAN PROVINSI DI INDONESIA BERDASARKAN PERILAKU RUMAH TANGGA DENGAN ROBUST BILOT MENGGUNAKAN METODE *MINIMUM COVARIANCE DETERMINANT*

SKRIPSI

Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana di
Jurusan Matematika pada Fakultas MIPA

Oleh

RIAN SETIA BUDI

NIM. 08011381722069

Pembimbing Pendamping

Indralaya, Juli 2021
Pembimbing Utama

Dr. Dian Cahyawati S., M.S
NIP. 197303212000122001

Oki Dwipurwani, M.Si
NIP.197204282000122002



LEMBAR PERSEMBAHAN

Skripsi ini kupersembahkan kepada :

- ❖ **ALLAH SWT**
- ❖ **Kedua Orang Tua**
- ❖ **Keluarga Besar**
- ❖ **Semua Guru dan Dosen**
- ❖ **Sahabat**
- ❖ **Almamaterku**

**“Just because something doesn’t do what you planned it to do
doesn’t mean it’s useless” – Thomas Alva Edison**

**“Lern from yesterday, live for today, hope for tomorrow. The
important things is not to stop quastions.” – Albert Einstein**

KATA PENGANTAR

Assalamu'alaikum Warahmatullahi Wabarakatuh

Alhamdulillah syukur atas berkat rahmat Allah SWT penulis dapat menyelesaikan skripsi yang berjudul “Pemetaan Provinsi di Indonesia berdasarkan Perilaku Rumah Tangga dengan *Robus Biplot Menggunakan Metode Minimum Covariance Determinant*”. Shalawat serta salam semoga selalu tercurahkan kepada Nabi Muhammad *Shallallahu 'alaihi wa sallam* beserta keluarga, sahabat, dan pengikutnya hingga akhir zaman.

Skripsi adalah salah satu syarat untuk memperoleh gelar Sarjana Sains Program Studi Matematika di Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Sriwijaya serta sebagai sarana untuk mengimplementasikan ilmu yang telah diperoleh selama mengikuti perkuliahan.

Dengan segenap rasa hormat, kasih dan cinta penulis ingin mengucapkan terima kasih dan mempersembahkan skripsi ini kepada kedua orang tua, Bapak **Yusron** dan Ibu **Nurmala** atas segala curahan kasih sayang, dukungan, masukan, serta doanya yang selalu mengiringi langkah penulis. Keberhasilan penulis dalam menyelesaikan skripsi ini juga tidak terlepas dari peran serta dukungan dari berbagai pihak baik secara langsung atau pun tidak, sehingga penulis ingin menyampaikan ucapan terima kasih yang tak terhingga kepada:

1. Bapak **Drs. Sugandi Yahdin, M.M** selaku Ketua Jurusan Matematika FMIPA Universitas Sriwijaya.

2. Ibu **Des Alwine Zayanti, M.Si** selaku Sekretaris Jurusan Matematika FMIPA Universitas Sriwijaya.
3. Ibu **Oki Dwipurwani, M.Si** selaku Dosen Pembimbing Utama yang telah memberikan ide dan masukan serta meluangkan waktu untuk memberikan arahan, bimbingan, saran, nasehat, dan motivasi untuk penulis agar dapat menyelesaikan skripsi.
4. Ibu **Dr. Dian Cahyawati Sukanda, M.Si** selaku Dosen Pembimbing Pendamping yang telah meluangkan waktu untuk memberikan arahan, bimbingan, saran, nasehat, serta motivasi untuk penulis agar dapat menyelesaikan skripsi.
5. Ibu **Irmeilyana, M.Si**, Bapak **Drs. Ali Amran, M.T** dan Ibu **Endang Sri Kresnawati, M.Si** selaku dosen pembahas yang selalu bersedia memberikan tanggapan dan saran demi terselesaiya skripsi ini.
6. Seluruh **Dosen** dan **Staf** di Jurusan Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Sriwijaya atas segala ilmu, nasehat dan motivasi kepada penulis selama menjalani perkuliahan.
7. Keluarga besar, **Linda Mayang Sari, Lili Tampi, Wawan Setiawan, Lita Ayu Lestari, Liza Marsela, Mamak Yasbudaya, Mamak Subandarate, Misat Akino, Misot Yundia** dan semua saudara yang selalu memberikan motovasi, doa, dan saran kepada penulis.
8. Sahabat-sahabat seperjuangan dan sahabat Budi, **Za'im Ukhrowi, M. Kahfi A.K, Agung Pratama, Abu Bakar S, Yudha Pratama, Abdul Aziz A, Dwi Fadilla, Mila A., Muflhika A., Monica, Deasti J., A.**

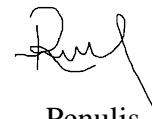
Nabila, Oktanza, F. Nur M., dan semua teman angkatan 2017 yang telah memberikan semangat kepada penulis.

9. Sahabat-sahabat terbaik yang telah memberikan dukungan dan doanya
- Fisal Bachtiar, Gilang Maulana, Deko Armando, Redo Illahi, Paras P. Iditara** dan **alm. Reynaldi**.
10. Kakak-kakak tingkat **Yulia Eka Wati** dan semua kakak tingkat yang telah memberikan arahan selama kuliah.
11. **Bapak Irwansyah** dan **Ibu Hamidah** yang telah banyak membantu dalam proses administrasi.
12. Semua pihak yang tidak dapat penulis sebutkan satu persatu yang telah mencurahkan bantuannya demi terselesainya sekripsi ini.

Penulis menyadari bahwa skripsi ini masih banyak kekurangan, oleh karena itu penulis mengharapkan saran dan masukan yang bermanfaat dan semoga skripsi ini dapat bermanfaat untuk semua pihak.

Wassalamu'alaikum Warahmatullahi Wabarakatauh

Indralaya, Juli 2021



Penulis

**MAPPING IN INDONESIA BASED ON
THE HAOUISHOLD BEHAVIOR WITH THE ROBUST BIPILOT
REGARDING THE MINIMUM COVARIANCE DETERMINANT
METHOD**

**RIAN SETIA BUDI
08011381722069**

ABSTRACT

Biplot analysis is the multivariat's method of analyses describing a cluster of n objects and p variables in grafisks two dimensions . A biplot analysis is based on singular value (SVD) of the data metrics. Outlier data in the matrices can affect the results of the analysis, hance the need of muscular (rob robust) method of ostracize area the ro biplot with the minimum method of covariance determinant in teh average and covariance matric. The data used in this study is data of household behavior in Indonesia, therefore this study aims to provide the illustrations of gendering every province in Indonesia with robust biplot analysis of biplot with MCD method. Bilot's mapping result obtain by eight adjacent provincial groups based on the characteristics of household behavior. A provincial group that has a better domestic behavior than in other provincial groups, including the first group of provinces, namely DKI Jakarta, the second group of Sulawesi Selatan, Bantan, Sumatra Utara, Kep. Bangka Belitung, jawa Tengah, Jawa Barat, Riau, Kalimantan timur, and Jawa Timur, the third and sixth group of Yogyakarta, Bali,Kep. Riau Sulawesi Utara, and Kalimanta Utara.. The suitability of the squeence is obtained in the suitability rate of biplot amounted to 79%, this indicates that mapping is quite good represents the origin data that contains all variabels.

Keywords: Biplot, *robust biplot*, MCD method, *outliers*, household behavior, biplot indicator

PEMETAAN PROVINSI DI INDONESIA
BERDASARKAN PERILAKU RUMAH TANGGA
DENGAN *ROBUST BI PLOT* MENGGUNAKAN METODE
MINIMUM COVARIANCE DETERMINANT

RIAN SETIA BUDI

08011381722069

ABSTRAK

Analisis biplot adalah metode analisis multivariat yang menggambarkan segugus n objek dan p variabel dalam grafik dua dimensi. Analisis biplot didasarkan pada penguraian nilai singulir (PNS) matriks data. Data pencilan (*outlier*) dapat mempengaruhi hasil analisis, karenanya diperlukan metode yang bersifat kekar (*robust*) terhadap adanya pencilan yaitu *Robust Biplot* dengan metode *Minimum Covariance Determinant(MCD)* dalam pendugaan rata-rata dan matriks kovarian. Data yang digunakan dalam penelitian ini adalah data perilaku rumah tangga di Indonesia, karenanya penelitian ini bertujuan untuk memberikan gambaran pengelompokan setiap provinsi di Indonesia dengan analisis *Robust Biplot* dengan metode MCD. Hasil pemetaan biplot diperoleh delapan kelompok provinsi yang berdekatan berdasarkan karakteristik perilaku rumah tangganya. kelompok provinsi yang memiliki perilaku rumah tangga yang lebih baik dari pada kelompok provinsi lain diantaranya kelompok provinsi pertama yaitu DKI Jakarta, kelompok provinsi kedua Sulawesi Selatan, Bantan, Sumatra Utara, Kep. Bangka Belitung, jawa Tengah, Jawa Barat, Riau, Kalimantan timur, dan Jawa Timur , kelompok provinsi ketiga Yogyakarta, Bali, dan Kep. Riau dan kelompok provinsi keenam Sulawesi Utara,dan Kalimanta Utara. Uji kesesuaian dalam pengelompokan tersebut diperoleh tingkat kesesuaian biplot sebesar 79%, hal ini menunjukkan bahwa pemetaan cukup baik mewakili data asal yang memuat semua variabel.

Kata Kunci: Biplot, *Robust Biplot*, metode MCD, pencilan, perilaku rumah tangga, indikator biplot

DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL	i
LEMBAR PENGESAHAN	ii
LEMBAR PERSEMBERAHAN	iii
KATA PENGANTAR	iv
ABSTRACT	vii
ABSTRAK	viii
DAFTAR ISI	ix
DAFTAR TABEL	xi
DAFTAR GAMBAR	xii
DAFTAR LAMPIRAN	xiii
BAB I PENDAHULUAN	
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Perumusan Masalah	3
1.3 Pembatasan Masalah	4
1.4 Tujuan	4
1.5 Manfaat	4
BAB II TINJAUAN PUSTAKA	
2.1 <i>Classic Biplot</i>	5
2.2 <i>Robust Biplot</i>	7
2.3 Data Pencilan	10
2.4 Interpretasi dan Identifikasi Biplot	10
2.5 Pemeriksaan Kesesuaian Biplot	11

2.6 Perilaku Rumah Tangga	12
---------------------------------	----

BAB III METODOLOGI PENELITIAN

3.1 Tempat Penelitian	15
3.2 Waktu Penelitian	15
3.3 Metode Penelitian	15
3.3.1 Jenis dan Sumber Data	15
3.3.2 Teknik Analisis Data	16

BAB IV HASIL DAN PEMBAHASAN

4.1 Deskripsi Data	18
4.2 Identifikasi Data Pencilan (<i>Outlier</i>)	22
4.3 Analisis Robust Biplot	25
4.4 Penguraian Nilai Singulir.....	29
4.4.1 Memperoleh Matriks U, Matriks L, dan Matriks A	29
4.4.2 Mencari matriks G dan H	32
4.5 Plot dan Pengelompokan Provinsi	33
4.6 Uji Kesesuaian Biplot	40

BAB V KESIMPULAN DAN SARAN

5.1 Kesimpulan	41
5.2 Saran	43

DAFTAR PUSTAKA	44
-----------------------------	----

LAMPIRAN	46
-----------------------	----

DAFTAR TABEL

Tabel 3.1 Variabel-Variabel perilaku rumah tangga	15
Tabel 4.1 Persentase variabel perilaku rumah tangga setiap provinsi di Indonesia	18
Tabel 4.1.1 Tabel. 4.1.1 Nilai standar deviasi perlakuan terhadap sampah, akses air minum layak dan akses sanitasi layak	21
Tabel 4.1.2 Nilai standar deviasi penggunaan gas sebagai sumber utama memasak, penggunaan AC, penggunaan lampu hemat energi, dan akses cuci tangan dengan sabun dan air	22
Tabel 4.2 Jarak mahalanobis	23
Tabel 4.3 Data matriks B	27
Tabel 4.5 Pengelompokan provinsi berdasarkan perilaku rumah tangga	34

DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.2. Diagram Alir <i>Algoritma Fast-MCD</i>	9
Gambar 4.2 Deteksi Data Penculan	24
Gambar 4.5 Tampilan pemetaan Perilaku Rumah Tangga di Indonesia	34

DAFTAR LAMPIRAN

Lampiran 1 Impor Data dari Excel ke R	46
Lampiran 2 Identifikasi Outlier pada data	47
Lampiran 3. Mencari matriks kovarian dengan metode <i>MCD</i>	50
Lampiran 4 Mencari Nilai Eigen dan Vektor Eigen dari Matriks Kovarian <i>MCD</i>	51
Lampiran 5 Memperoleh Matriks A dan L	51
Lampiran 6 Mencari Matrik data terkoreksi terhadap nilai rata-rata	54
Lampiran 7 Mencari Matriks G dan H	57

BAB I

PENDAHULUAN

1.1 Latar Belakang

Analisis biplot merupakan salah satu metode analisis multivariat yang digunakan untuk menggambarkan data pada grafik dua dimensi (Mattjik, 2011). Analisis biplot dapat dibedakan menjadi dua yakni *Classic Biplot* dan *Robust Biplot*. *Classic Biplot* (biplot biasa) adalah metode analisis biplot yang umum diketahui dalam analisis multivariat, sedangkan *Robust Biplot* adalah suatu pendekatan biplot untuk mengatasi data pencilan (Ardana, 2005).

Data pencilan (*outlier*) adalah data hasil pengamatan atau observasi yang berbeda dengan pengamatan yang lain. Data *outlier* sangat sensitif pada metode analisis statistika klasik, sehingga perlu adanya metode yang bersifat kekar (*robust*) terhadap data pencilan yakni *Robust Biplot* (Novita, 2014).

Analisis *Robust Biplot* dapat mengatasi pencilan dengan menggunakan metode *Minimum Determinant Covariance (MCD)* dalam menduga rataan dan matriks kovarian. Hasil dugaan tersebut tahan terhadap pencilan (Hubert & Debruyne, 2020). Pendugaan rataan dan matriks kovarian hasil dari MCD, selanjutnya akan diuraikan seperti pada biplot biasa untuk memperoleh grafik dua dimensi (biplot).

Analisis biplot sering digunakan dalam berbagai masalah seperti bidang kesejahteraan, pendidikan, dan lain sebagainya. Sebagai contoh pada bidang pendidikan yaitu kajian terhadap tingkat pemerataan pendidikan yang dilakukan oleh Kusumayanti, dkk., (2015) yang membandingkan metode *Classic Bilot* dan

Robust Biplot. Penelitian tersebut menghasilkan pemetaan mengenai pemerataan pendidikan dengan tingkat kesesuaian *Classic Biplot* sebesar 83,62% , sedangkan *Robust Biplot* sebesar 90,64%. Artinya dalam penelitian tersebut metode *Robust Biplot* mampu menjelaskan data asal lebih tinggi dari pada *Classic Biplot*.

Penelitian mengenai Perilaku Rumah tangga yang dilakukan oleh Purwandi & Hidayat (2016) yang mengelompokkan perilaku rumah tangga masyarakat Kabupaten dan Kota di Jawa Barat. Penelitian tersebut menggunakan metode *Principal Component Analysis Biplot*, namun hasil penelitian tersebut tidak menjelaskan persentase kesesuaian penggambaran biplot dengan data asal tetapi baru menampilkan grafik biplot. Penelitian lain oleh Pratiwi (2018) mengenai karakteristik rumah tangga dengan tingkat kesejahteraan rendah di kota Surabaya. Penelitian tersebut menggunakan metode *Biplot Classic* dalam memetakan karakteristik tingkat kesejahteraan rumah tangga di kota Surabaya. Karakteristik rumah tangga yang mengandung banyak variabel yang terkait dan memungkinkan adanya *outlier*. Bagi data yang mengandung *outlier* diperlukan metode yang dapat menangani *outlier* yaitu *Robust Biplot* .

Penciran (*outlier*) pada data sangat memungkinkan ada, termasuk pada data perilaku rumah tangga. Perilaku Rumah Tangga (RT) perlu menjadi perhatian penting, karena dapat berpengaruh terhadap lingkungan hidup. Perilaku-perilaku tersebut dalam Modul Ketahanan Sosial (Hansos) dikelompokan dalam beberapa kelompok, seperti perilaku dalam mengelola air, perilaku dalam mengelolah energi, penggunaan dan pemanfaatan transportasi, mengelolah sampah buangan,

kepedulian terhadap lingkungan sekitar dan mitigasi bencana (Badan Pusat Statistik BPS-Statistics Indonesia, 2019). Perilaku rumah tangga merupakan faktor yang sangat penting dalam pelestarian alam, karena sebagian besar kerusakan alam adalah akibat manusia itu sendiri.

Penelitian ini bertujuan untuk mendapatkan pemetaan provinsi di Indonesia berdasarkan variabel-variabel perilaku rumah tangga. Variabel-variabel tersebut diantaranya perlakuan terhadap sampah, akses air minum layak, akses sanitasi layak, penggunaan gas sebagai bahan utama memasak, penggunaan AC, penggunaan lampu hemat energi, dan fasilitas cuci tangan dengan sabun dan air.

Hasil pemetaan biplot mengenai perilaku rumah tangga dapat menunjukkan kelompok provinsi, dengan kemiripan perilaku rumah tangga yang baik maupun belum. Pengelompoka itu dapat menjadi salah satu pertimbangan dalam mengevaluasi atau merencanakan perubahan dan perbaikan perilaku rumah tangga diberbagi provinsi agar menjadi provinsi yang memiliki perilaku rumah tangga yang baik

1.2 Rumusan Masalah

1. Bagaimana mengaplikasikan metode *Robust Biplot* dengan metode *Minimum Covariance Determinant* pada data perilaku rumah tangga di Indonesia.
2. Bagaimana pemetaan provinsi-provinsi di Indonesia berdasarkan variabel-variabel perilaku rumah tangga di Indonesia.

1.3 Pembatasan Masalah

Permasalahan dalam penelitian ini dibatasi pada data sekunder dari BPS berupa variabel-variabel perilaku rumah tangga yaitu perlakuan terhadap sampah, akses air minum layak, akses sanitasi layak, penggunaan gas sebagai bahan utama memasak, penggunaan AC, penggunaan lampu hemat energi, dan fasilitas cuci tangan dengan sabun dan air.

1.4 Tujuan Penelitian

1. Memperoleh hasil penerapan metode *Biplot Robust* dengan metode *Minimum Covariance Determinant* pada data perilaku rumah tangga di Indonesia.
2. Memperoleh grafik pemetaan provinsi-provinsi di Indonesia berdasarkan variabel-variabel perilaku rumah tangga.

1.5 Manfaat Penelitian

1. Memberikan tambahan referensi cara mengaplikasikan metode *Robust Biplot* dengan metode *Minimum Covariance Determinant* pada data perilaku rumah tangga di Indonesia.
2. Memberikan informasi perilaku rumah tangga setiap Provinsi di Indonesia.

DAFTAR PUSTAKA

- Ardana, N. . K. dan S. (2005). Paket Biplot Biasa dan Kekar dengan Pemrograman Fun gional IIIathematica Berbasis GUI. *Jurnal of Mathematics and Its Applications* 8, 8(2), 57–64.
- Badan Pusat Statistik BPS-Statistics Indonesia. (2014). *Indikator Perilaku Peduli Lingkungan Hidup 2014*. Jakarta : Badan Pusat Statistika.
- Badan Pusat Statistik BPS-Statistics Indonesia. (2019). *Data Lingkungan Hidup*. Jakarta : Badan Pusat Statistika.
- Croux, C., & Haesbroeck, G. (2000). Principal component analysis based on robust estimators of the covariance or correlation matrix: Influence functions and efficiencies. *Biometrika*, 87(3), 603–618. <https://doi.org/10.1093/biomet/87.3.603>
- Filzmoser, P. (2004). *A Multivariate Outlier Detection Method*. Austria : Departement of Statistics and Probability Theory.
- Filzmoser, Peter, & Gregorich, M. (2020). Multivariate Outlier Detection in Applied Data Analysis: Global, Local, Compositional and Cellwise Outliers. *Mathematical Geosciences*, 52(8), 1049–1066. <https://doi.org/10.1007/s11004-020-09861-6>
- Gabriel, K. R. (1971). The Biplot Graphic Display of Matrices with Application to Principal Component Analysis. *Biometrika*, 58(3), 453. <https://doi.org/10.2307/2334381>
- Hasibuan, R. (2016). Anaisis Dampak Limbah/Sampah Rumah Tangga Terhadap Pencemaran Ligkungan Hidup. *Jurnal Ilmiah “Advokasi,” Vol.04*, 42–52.
- Hubert, M., & Debruyne, M. (2020). Minimum covariance determinant. *Wiley Interdisciplinary Review:Computational Statistics*, 2(1), 36–43. <https://doi.org/10.1002/wics.61>
- Jolliffe, I. . . (2002). Principal Component Analysis. In *Springer*. Springer-Verlag, New York. Inc.

- Juaeni, I. (2012). Analisis Outlier Data Curah Hujan Berdasarkan Tropical Rainfall Measuring Mission Untuk Wilayah Jawa-Bali (Outlier Analysis Rainfall Data Based on Tropical Rainfall Measuring Mission for Java-Bali Regions). *Majalah Sains Dan Teknologi*, 7(1), 18–26.
- Kusumanyanti, dkk., (2015). Kajian Terhadap Tingkat Pemerataan Pendidikan Menggunakan Analisis Biplot Klasik Dan Biplot Kekar. *E-Jurnal Matematika*, 4(2), 37. <https://doi.org/10.24843/mtk.2015.v04.i02.p086>
- Liu, et all., (2003). Robust singular value decomposition analysis of microarray data. *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, 100(23), 13167–13172. <https://doi.org/10.1073/pnas.1733249100>
- Mattjik, A. A. dan I. M. S. (2011). *Sidik Peubah Ganda dengan menggunakan SAS*. IPB press.
- Novita, M. (2014). Perbandingan Analisis Biplot Klasik Dan Robust Biplot Dengan Menggunakan Metode Fast Minimum. *Jurnal Mahasiswa Statistika*, 2(1), 77–80.
- Pratiwi, I. E. dan S. (2018). Karakteristik Rumah Tangga Tingkat Kesejahteraan Rendah di Kota Surabaya dengan Analisis Biplot. *Jurnal Sains Dan Seni ITS*, 7(2), 2337–3520.
- Purwandi, T. dan, & Hidayat, Y. (2016). *Pengelompokan Kabupaten dan Kota di Jawa Barat dengan Principal Component Analysis Biplot*. 1–7. <https://doi.org/10.1021/bi960768p>
- Rousseeuw, J. P. and K. V. D. (1999). Fast Algorithm ForMCD_Technometrics_1999 (referensi untuk Covarian Fast MCD nya, dipakai oleh referensi_1).pdf. *Technometrics*, 41(3), 212–223.
- Undang-Undang Republik Indonesia Nomer 32 Tahun 2009 Tentang Perlindungan Dan Pengolahan Lingkungan Hidup*. (2009).
- Wildlife, P. F. (2009). *UU no 32 Tahun 2009 tentang Perlindungan dan Pengelolaan Lingkungan Hidup / PROFAUNA*.